

**Условия осуществления  
коэволюционного симпатрического  
видообразования в точечной модели  
экосистемы**

Волкова А.

Сибирский федеральный университет

Науч. рук. – д. ф.-м. н. Барцев С. И.

# Введение

Выделяют два типа видообразования:

- ***Аллопатрическое***: природные барьеры разделяют исходный вид на две популяции
- ***Симпатрическое***: происходит в отсутствие физического разделения

- До недавнего времени существование симпатрического видообразования вызывало сомнения
- В 2006 г. было опубликовано первое доказательство



○ *Amphilophus citrinellus*



■ *Amphilophus zaliosus*

Цихлиды *A. citrinellus* и *A. zaliosus* из озера Апойо (Никарагуа). Рис. из статьи в Nature

Marta Barluenga, Kai N. Stolting, Walter Salzburger, Moritz Muschick & Axel Meyer.  
Sympatric speciation in Nicaraguan crater lake cichlid fish // Nature. Vol. 439. 9 February 2006. doi:10.1038/nature04325.

# Коэволюционное симпатрическое видообразование

- Коэволюция - совместная эволюция видов, взаимодействующих в экосистеме.
- Пример коэволюции: видообразование у мух *Rhagoletis* стало стимулом для видообразования у их паразитов — наездников *Diachasma*.

Andrew A. Forbes, Thomas H. Q. Powell, Lukasz L. Stelinski, James J. Smith, Jeffrey L. Feder. Sequential Sympatric Speciation Across Trophic Levels // Science. 2009. V. 323. P. 776–779.



- Уравнения, описывающие динамику популяций в системе хищник-жертва:

$$dX_i/dt = (f_i(\alpha) \cdot (A_0 - \sum X_i - \sum Y_j) - g_i(\alpha) \cdot \sum V_j \cdot Y_j / (K_m + X_i) - h_i(\alpha) k d_1) \cdot X_i;$$

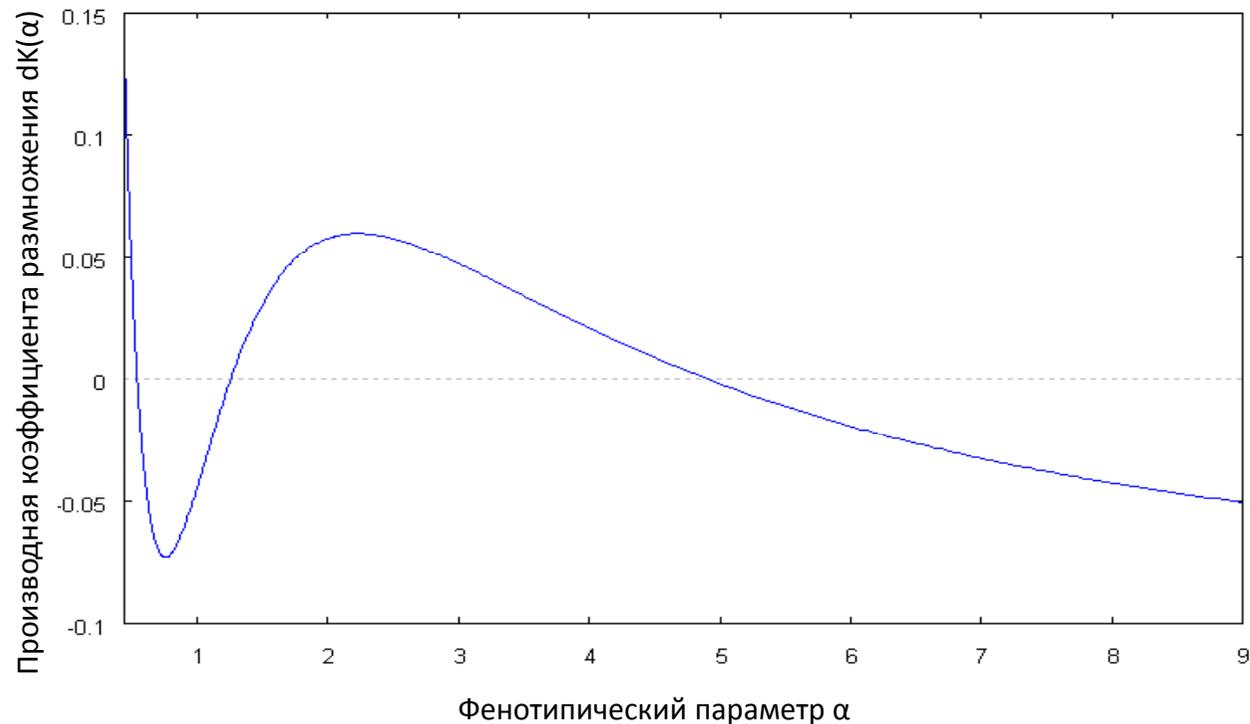
$$dY_j/dt = (\sum g_i(\alpha) X_i \cdot V_j / (k_m + \sum X_i) - k d_j) \cdot Y_j;$$

$f(\alpha)$ ,  $g(\alpha)$ ,  $h(\alpha)$  – нелинейные функции от фенотипического параметра  $\alpha$

**Предполагается, что нелинейная зависимость коэффициентов от параметра  $\alpha$  приведёт к появлению как минимум двух оптимальных жизненных стратегий (максимумов на кривой коэффициента размножения)**

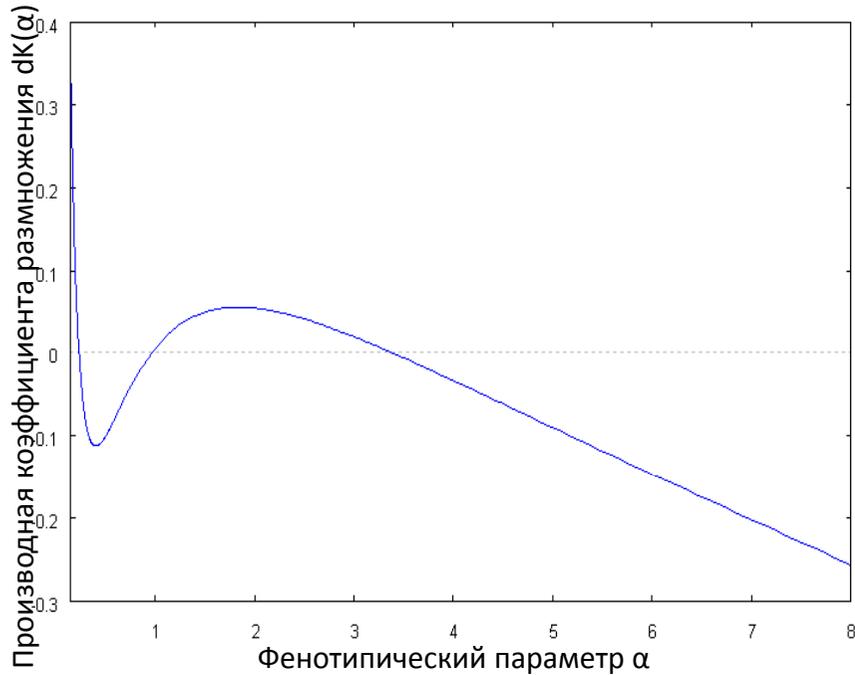
# Подбор зависимости коэффициентов $f$ , $g$ и $h$ от параметра $\alpha$

На графике, полученном с помощью пакета символьных вычислений Maxima, показана кривая производной коэффициента размножения, соответствующая функции с двумя максимумами.



*Кривая производной коэффициента размножения при  $f(\alpha)=(V_0 \cdot \alpha)/(K_1+\alpha)$ ,  $g(\alpha)=\alpha^2/(K_2+\alpha^2)$ ,  $h(\alpha)=1+q \cdot \alpha$*

# Подбор зависимости коэффициентов $f$ , $g$ и $h$ от параметра $\alpha$

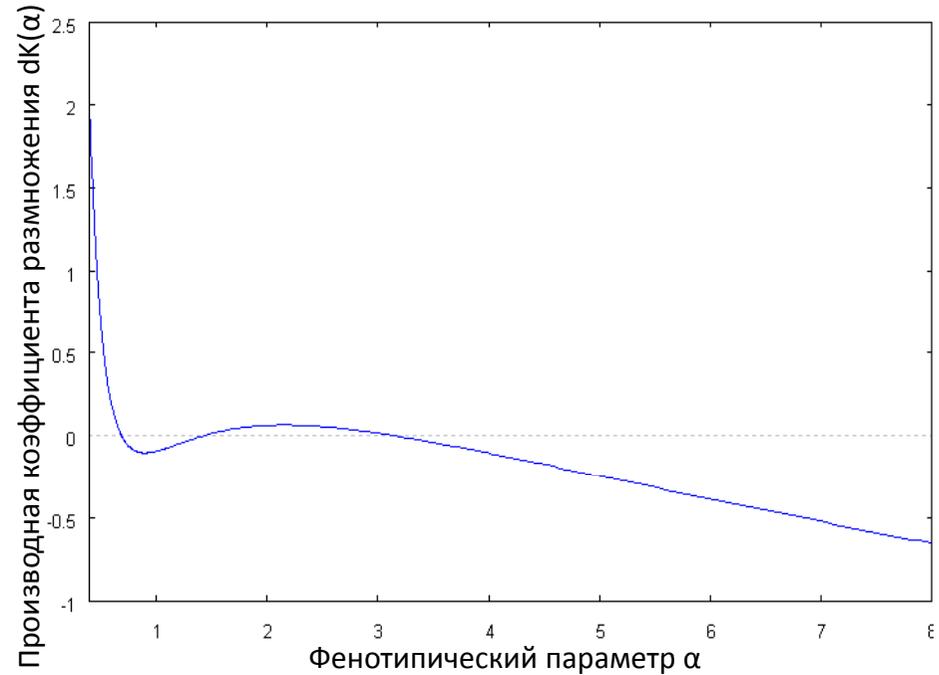


*Кривая производной коэффициента размножения при*

$$f(\alpha) = V_0 \cdot \alpha^{1/2},$$

$$g(\alpha) = (V_1 \cdot \alpha) / (K_2 + \alpha),$$

$$h(\alpha) = 1 + q \cdot \alpha^2$$



*Кривая производной коэффициента размножения при*

$$f(\alpha) = (V_0 \cdot \alpha) / (K_1 + \alpha) + B_0,$$

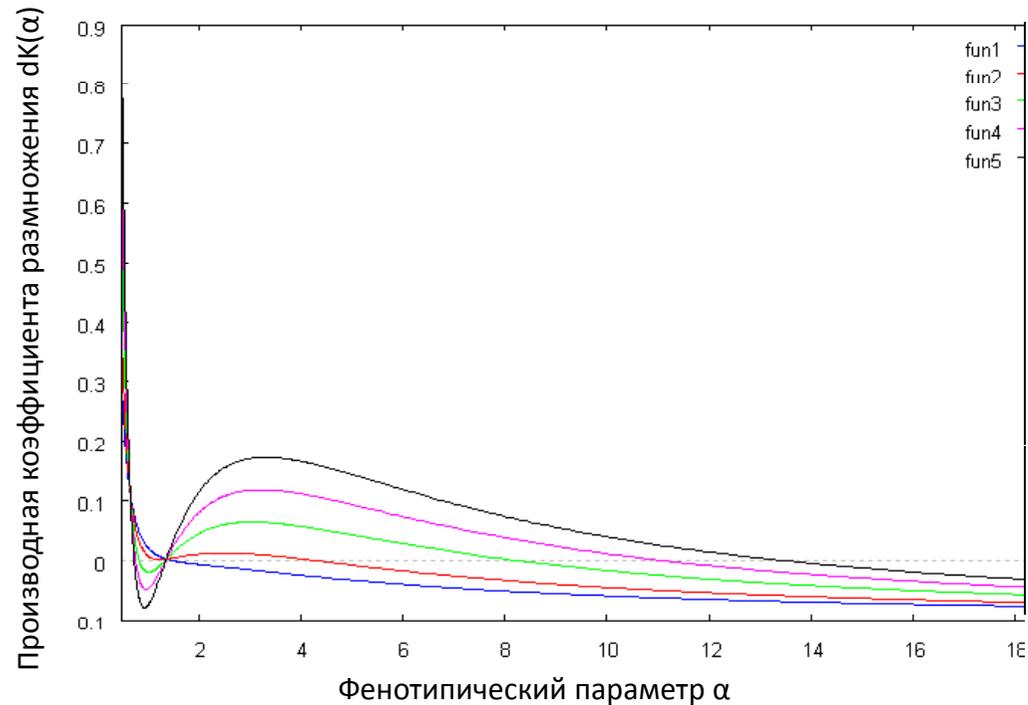
$$g(\alpha) = \alpha / (K_2 \cdot \alpha),$$

$$h(\alpha) = 1 + q \cdot \alpha$$

# Варьирование параметров

Варьирование параметра  $A_0$  (количество вещества в системе).

Наблюдается переход системы от унимодального вида к бимодальному.

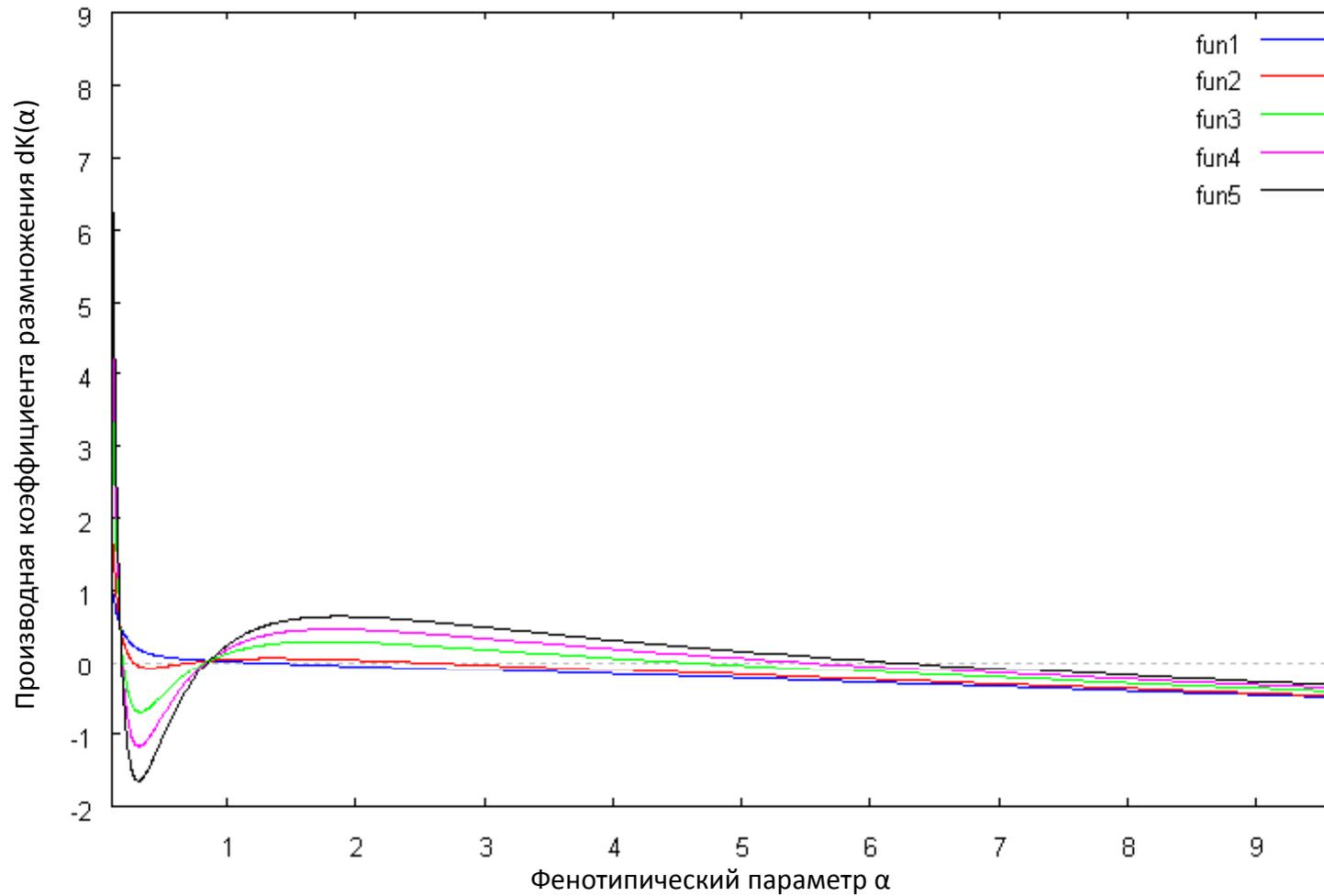


$$f(x) := (V_0 * x) / (K_1 + x) + B_0$$

$$g(x) := x / (K_2 + x);$$

$$h(x) := 1 + q * x;$$

Варьирование параметра  $A_0$  (количество вещества в системе).

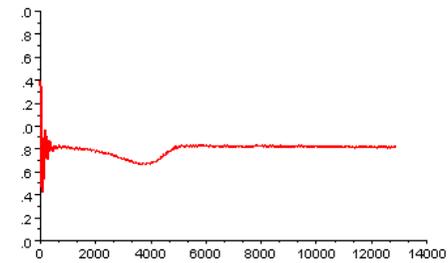
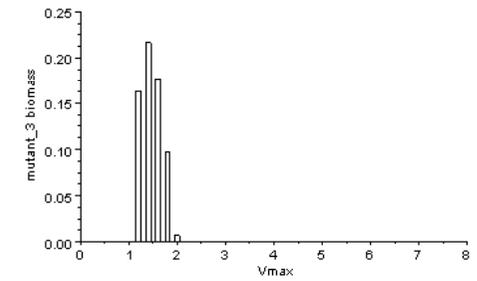
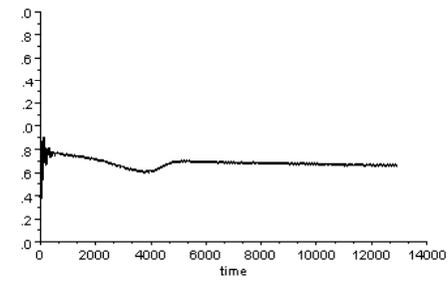
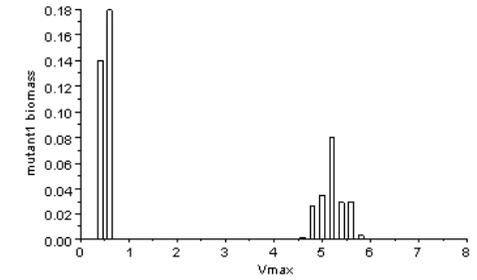
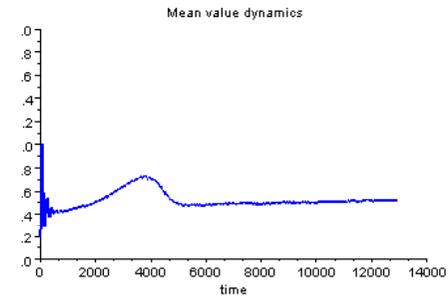
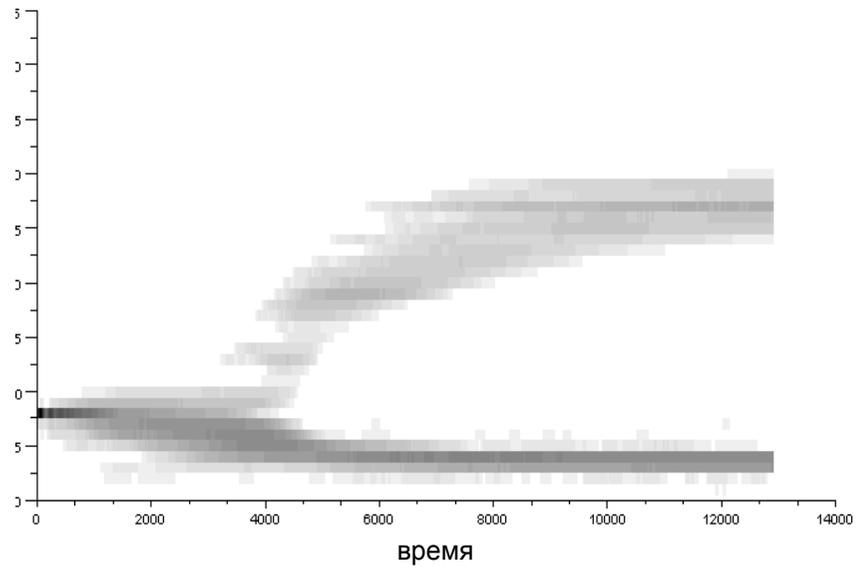


$$f(x) := V_0 * x / (K_1 + x) + B_0;$$

$$g(x) := x / (K_2 + x);$$

$$h(x) := 1 + q * x^2;$$

# Вычислительный эксперимент



# Выводы

- Показано, что симпатрическое видообразование может осуществляться и **в отсутствие экологических ниш**. В данном случае это явление обусловлено нелинейностью связи между характеристиками жертвы, определяющими её скорость роста и защищённость от хищника.